Investigación de la unidad

La Lección 1 constituye la Investigación de la unidad. Los estudiantes determinan el valor de los bloques de base diez cuando uno de los bloques cambia y observan patrones que les permiten desarrollar curiosidad y aplicar sus conocimientos de diversas maneras. Consulte la sección Conexión con el cuidador para ayudar a los estudiantes a seguir explorando los conceptos matemáticos que verán en la unidad.

Conexión con el cuidador

Los estudiantes pueden divertirse buscando patrones numéricos en su hogar o comunidad. Anímelos a reflexionar sobre cómo se relacionan entre sí los números en los patrones. Los números decimales son otra forma de representar fracciones y números mixtos que tienen un denominador de 10. Las fracciones, los números mixtos y los números decimales que representan el mismo valor se pronuncian de la misma manera. En un decimal, el lugar de las décimas se encuentra a la derecha del punto decimal.



unidades décimas punto decimal

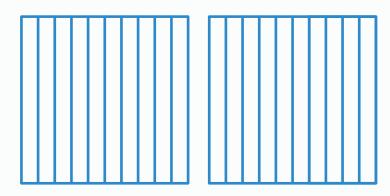
cero y ocho décimas

dos y cuatro décimas

Prueba a hacer esto

1 Cada cuadrado grande representa 1. Usa la información proporcionada para completar el diagrama y el decimal que falta.

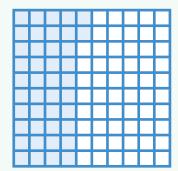
diagrama:



número mixto: $1\frac{6}{10}$

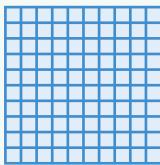
decimal:

El lugar de las centésimas en un decimal se encuentra justo a la derecha de la posición de las décimas. Una fracción o un número mixto pueden expresarse como un número decimal equivalente y ambos pueden representarse en el mismo diagrama.



fracción: $\frac{42}{100}$

decimal: 0.42



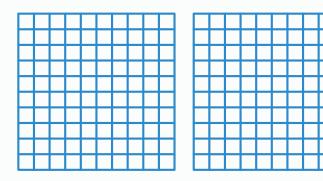
número mixto: $1\frac{25}{100}$

decimal: 1.25

Prueba a hacer esto

Cada cuadrado grande representa 1. Usa la información proporcionada para completar el diagrama y el número decimal que falta.

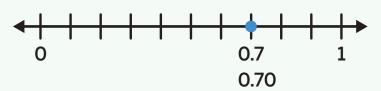
diagrama:



número mixto: $1\frac{24}{100}$

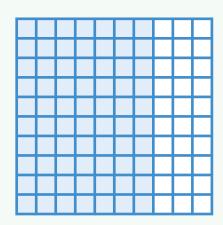
decimal:

Se pueden usar diagramas, rectas numéricas y fracciones o números mixtos para demostrar que 2 números decimales representan el mismo valor.



$$\frac{7}{10} = \frac{70}{100}$$

$$0.7 = 0.70$$



Prueba a hacer esto

- Selecciona todos los números que sean equivalentes a $\frac{2}{10}$.
 - 0.5

- 0.2
- 0.20
- 2 Selecciona todos los números que sean equivalentes a $\frac{60}{100}$.
 - 0.06

0.6

Al comparar números decimales, puedes expresarlos como fracciones o números mixtos y aplicar tus conocimientos sobre fracciones equivalentes para realizar la comparación. La fracción con mayor valor representa el decimal mayor.

$$\frac{56}{100} > \frac{34}{100}$$

$$0.7 = \frac{7}{10} = \frac{70}{100}$$

$$\frac{70}{100} < \frac{85}{100}$$

Prueba a hacer esto

En los problemas 1-3, completa la comparación usando < o >.

- **1** 0.6 _____ 0.35
- 2 0.19 _____ 0.91
- **3** 2.05 _____ 2.50

Una estrategia para comparar u ordenar decimales consiste en primero comparar los números enteros. Luego, si es necesario, puedes comparar los dígitos que representan las partes fraccionarias.

O es el número entero más pequeño, por lo que 0.7 es el número decimal más pequeño.

$$2.6 = 2\frac{6}{10} = 2\frac{60}{100}$$
 y $2.43 = 2\frac{43}{100}$

 $2\frac{43}{100}$ < $2\frac{60}{100}$, así que el orden de menor a mayor es 0.7, 2.43, 2.6.

Prueba a hacer esto

En los problemas 1-4, ordena los decimales de menor a mayor.

1 1.95, 0.59, 1.59

2 0.3, 0.03, 0.33

3 1.82, 1.08, 1.8 _____

4 0.7, 1.7, 0.1

Los decimales con décimas o centésimas pueden ordenarse comparando sus valores como fracciones o números mixtos.

Decimal	1.45	0.05	0.8	0.74
Fracción o número mixto	1 <u>45</u> 100	<u>5</u> 100	$\frac{8}{10} = \frac{80}{100}$	<u>74</u> 100

Decimales de menor a mayor:

0.05, 0.74, 0.8, 1.45

Prueba a hacer esto

En los problemas 1-4, determina si el enunciado de comparación es verdadero o falso.

2
$$0.3 = \frac{30}{100}$$

3 0.62 >
$$\frac{8}{10}$$

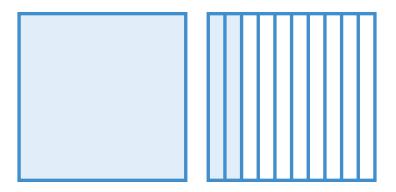
Subunidad 1 | Resumen

En esta subunidad . . .

 Vimos cómo las fracciones y los números mixtos con denominadores de 10 y 100 se relacionan con los números decimales expresados en décimas y centésimas.

$$\frac{2}{10} = 0.2$$
 $\frac{2}{100} = 0.02$ $\frac{20}{10} = 2.0$

- **Sugerencia matemática:** Cualquier fracción con denominador 10 puede escribirse como un número decimal con una cifra en las décimas.
- Sombreamos diagramas para ayudar a identificar fracciones equivalentes, números mixtos y decimales.



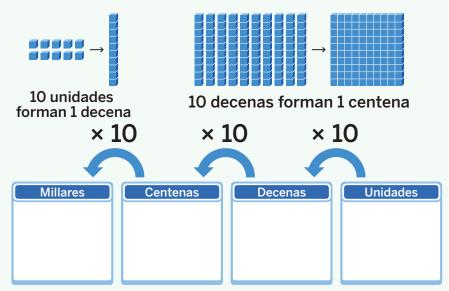
$$1\frac{2}{10} = 1.2$$

 Usamos nuestros conocimientos sobre el tamaño de los números para comparar y ordenar decimales.

0.4 > 0.2 1.15 > 1.1 0.08 < 0.8

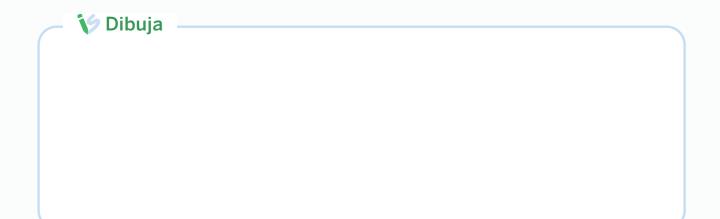
En orden de menor a mayor: 0.08, 0.2, 0.4, 0.8, 1.1, 1.15

En el sistema de valor posicional de base diez, 10 unidades iguales forman 1 de la que le sigue en tamaño. 10 decenas de millar equivalen a 1 centena de millar y 10 centenas de millar equivalen a 1 millón.



Prueba a hacer esto

- 1 ¿Cuántas centenas hay en 2,000?
- Dibuja un diagrama que represente 5,400.



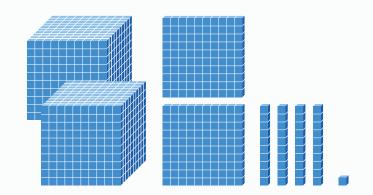
La forma expandida de un número muestra el valor de cada dígito distinto de cero cuando se escribe en forma estándar.

$$24,350 = 20,000 + 4,000 + 300 + 50$$

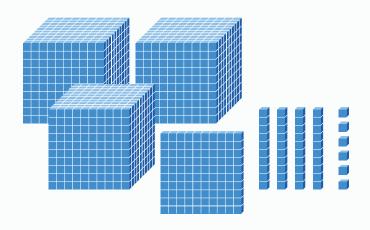
 $302,765 = 300,000 + 2,000 + 700 + 60 + 5$

Prueba a hacer esto

Un cubo pequeño representa un valor de 1. ¿Qué valor representan los bloques?



2 Un cubo pequeño representa un valor de 10. ¿Qué valor representan los bloques?



El mismo dígito puede tener diferentes valores dependiendo de su posición. Los números de varios dígitos pueden expresarse en forma expandida para describir la relación entre los valores de sus dígitos.

35,687

41,509

30,000 + 5,000 + 600 + 80 + 7

40,000 + 1,000 + 500 + 9

El valor del 5 en 35,687 es 5,000. El valor del 5 en 41,509 es 500.

5,000 es 10 veces 500.

Prueba a hacer esto

En los problemas 1-3, escribe el número en forma expandida.

1 929,348

430,752

3 81,502

En un número de varios dígitos, un dígito en 1 posición representa 10 veces el valor que tendría en la posición a su derecha y esta relación puede establecerse con una expresión de multiplicación.



$$8,000 = 10 \times 800$$

Prueba a hacer esto

- 2 ¿Qué números contienen un 5 cuyo valor es 10 veces el valor del 5 en 82,534? Selecciona todos los que correspondan.
 - (A) 57,396
 - **(c)** 65,741
 - **(E)** 524,862

- **B**) 5,208
 - **D**) 26,457
- **(F)** 325,671
- 2 ¿El valor del 4 en 642,387 es 10 veces el valor del 4 en qué número?
 - (A) 74,205
 - **(C)** 459,317

- **B**) 26,452
- **(D)** 41,305

Subunidad 2 | Resumen

En esta subunidad . . .

 Representamos el número 1,000,000 de diversas maneras. Usamos cuadrículas para mostrar que 100,000 es un número grande.



10 centenas de millar equivalen a 1,000,000.

1,000 millares equivalen a 1,000,000.

 Vimos números escritos en forma estándar, forma expandida y con palabras.

$$900,000 + 10,000 + 3,000 + 400 + 20 + 8$$

novecientos trece mil cuatrocientos veintiocho

- **Sugerencia matemática:** El uso del valor posicional facilita la escritura de los números en diversas formas.
- Empleamos expresiones de multipliación para demostrar que, en un número de varios dígitos, un dígito en una posición representa 10 veces el valor que el mismo dígito representa en la posición a su derecha.

$$4 \times 10 = 40$$

$$40 \times 10 = 400$$

$$400 \times 10 = 4,000$$

$$4,000 \times 10 = 40,000$$

$$40,000 \times 10 = 400,000$$

Al comparar números de varios dígitos, se deben considerar los valores posicionales de los dígitos y comparar aquellos con los valores posicionales mayores.

Prueba a hacer esto

En los problemas 1-4, completa la comparación usando < o >.

Al identificar el número menor y el mayor en un conjunto de números de varios dígitos, no es necesario comparar todos los dígitos. Los dígitos con los valores posicionales mayores son los que más influyen en el valor del número. Es posible que debas examinar más de 1 posición para determinar los números mayor y menor.

380,251 74,637 25,263 74,719 389,024

Menor: 25,263 Mayor: 389,024

Prueba a hacer esto

1 Ordena los números de menor a mayor.

98,107	102,356	752,031	88,207	99,653

menor mayor

2 Ordena los números de mayor a menor.

94,942	9,042	279,104	9,420	59,000	279,099

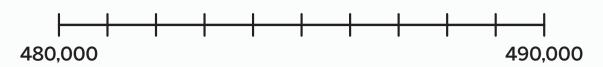
mayor menor Al redondear un número de varios dígitos a un valor posicional específico, estás determinando el múltiplo más cercano de esa unidad de valor posicional. Si el número se encuentra exactamente a la mitad entre 2 múltiplos, redondea al múltiplo mayor.

	Al millar más cercano	A la decena de millar más cercana	A la centena de millar más cercana
248,640	249,000	250,000	200,000
255,000	255,000	260,000	300,000

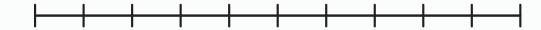
Prueba a hacer esto

En los problemas 1 y 2, usa la recta numérica si te ayuda a pensar.

1 ¿Está 484,300 más cerca de 480,000 o de 490,000?



Redondea 591.258 al millar más cercano.



Redondear es una técnica para estimar números grandes. Para determinar a qué valor posicional redondear, toma en cuenta cómo se usará la estimación.

	A la centena de millar más cercana	A la decena de millar más cercana	Al millar más cercano	A la centena más cercana
53,487	100,000	50,000	53,000	53,500
4,896	0	0	5,000	4,900
370,130	400,000	370,000	370,000	370,100
96,500	100,000	100,000	97,000	96,500
985,411	1,000,000	990,000	985,000	985,400

Prueba a hacer esto

1 267,485

En los problemas 1-3, redondea los números a los valores posicionales indicados.

millar:	decena de millar:	

2 895,274

decena de millar: _____ centena de millar: _____

3 872,163 millar:

centena:

Subunidad 3 | Resumen

En esta subunidad . . .

 Comparamos números de varios dígitos para determinar cuál era el mayor.

38,259 > 35,986 97,578 < 234,509

568,917 > 568,432

- **Sugerencia matemática:** Identifica el mayor valor posicional en cada número y compara sus valores. Es posible que debas considerar más de 1 valor posicional si los dígitos son iguales.
- Redondeamos números de varios dígitos a distintos valores posicionales.

Número de varios dígitos	Redondeado al millar más cercano	Redondeado a la decena de millar más cercana	Redondeado a la centena de millar más cercana
583,642	584,000	580,000	600,000
136,850	137,000	140,000	100,000
72,681	73,000	70,000	100,000
26,443	26,000	30,000	0

- Analizamos datos sobre las poblaciones de tortugas marinas y planteamos preguntas sobre el uso de estimaciones redondeadas.
 - ¿A qué valor posicional crees que sería más adecuado redondear estos datos? ¿Por qué?
 - ¿En qué situaciones sería apropiado redondear los números?
 - ¿En qué situaciones sería preferible usar valores exactos?

Existen diferentes estrategias que puedes usar para estimar sumas. Para realizar estimaciones razonables, puede ser útil elegir estrategias de estimación basadas en los sumandos.

20.000 + 12.000 = 32.000

Los sumandos están cerca de las decenas de millar, por lo que puedo redondear a la decena de millar más cercana.

19,000 está a solo 1,000 unidades de 20,000, y 11,000 está a solo 1.000 unidades de 10,000. Por lo tanto, elegí redondear a la decena de millar más cercana.

15,987 + 16,712

16.000 + 17.000 = 33.000

Los sumandos no están cerca de las decenas de millar, por lo que elegí redondear al millar más cercano.

15,000 está a 5,000 unidades de 20,000, y 16,000 está a 4,000 unidades de 20.000. Por lo tanto. elegí redondear al millar más cercano para ser más preciso.

Prueba a hacer esto

Estima la suma de la expresión.

- **1** 4.502 + 6.612
 - Muestra o explica tus ideas.

respuesta: _

El algoritmo estándar es una herramienta útil para sumar números de varios dígitos. Cuando se compone una nueva unidad, se representa con un 1 colocado sobre el valor posicional a la izquierda de los dígitos cuya suma es igual o superior a 10.

$$\begin{array}{r}
 11 \\
 56,479 \\
 +13,231 \\
\hline
 69,710
 \end{array}$$

Prueba a hacer esto

Determina la suma usando el algoritmo estándar.

Muestra tus ideas.

1 32,216 + 8,492

respuesta: _

El algoritmo estándar es una herramienta útil para restar números de varios dígitos. Cuando no cuentas con suficientes unidades para restar en alguna posición, puedes descomponer 1 unidad del valor posicional a la izquierda para obtener 10 de las unidades que necesitas.

Prueba a hacer esto

Determina la diferencia usando el algoritmo estándar.

- Muestra tus ideas.
- **1** 264,813 158,302

respuesta: _____

Al restar números de varios dígitos, en ocasiones es necesario descomponer unidades en más de 1 posición antes de contar con suficientes para llevar a cabo la resta en cada posición.

Prueba a hacer esto

1 Usa el algoritmo estándar para determinar la diferencia.

430,516 - 207,309

Muestra tus ideas.

respuesta: _

Los algoritmos estándar de suma y resta pueden emplearse para resolver problemas de varios pasos que involucran números grandes. Para determinar una estimación o verificar si las respuestas son razonables, resulta útil redondear y realizar sumas o restas.

$$6,000$$
 $+3,000$
 9.000

Prueba a hacer esto

- 1 En 2018, la población estimada de Boston era de 694,583 habitantes, mientras que la de Seattle era de 744,995 habitantes. Determina la diferencia entre las poblaciones de las 2 ciudades.
 - Muestra tus ideas.

respuesta:

Tus conocimientos sobre el valor posicional y los números de varios dígitos pueden ayudarte a resolver problemas de suma y resta mediante el uso del algoritmo estándar.

$$\begin{array}{r}
11 \\
69,725 \\
+28,542 \\
\hline
98,267
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
712 \ 15814 \\
83,594 \\
-37,627 \\
\hline
46,167
\end{array}$$

Prueba a hacer esto

En los problemas 1 y 2, determina el valor de cada expresión.

Muestra tus ideas.

1 35,891 + 19,342

2 35,891 – 19,342

respuesta: _

respuesta: _____

Subunidad 4 | Resumen

En esta subunidad . . .

 Sumamos y restamos números de varios dígitos usando el algoritmo estándar.

 Concluimos que, al restar números de varios dígitos, es necesario descomponer cada vez que no se pueda restar los 2 dígitos en la misma posición, como en los casos que involucran ceros.

- Sugerencia matemática: Descomponer implica tomar 1 unidad de un valor posicional mayor para obtener 10 unidades del siguiente valor posicional menor.
- Aplicamos nuestro conocimiento sobre la suma y la resta de números de varios dígitos para resolver problemas contextuales que requerían múltiples pasos.

Cantidad de huevos de tortuga marina en mayo, junio y agosto

$$\begin{array}{r}
1 \\
21,240 \\
+17,389 \\
\hline
38,629 \\
\hline
38,629
\end{array}$$

$$\begin{array}{r}
11 \\
38,629 \\
+15,972 \\
\hline
54,601
\end{array}$$

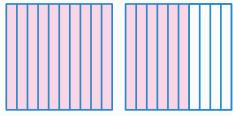
Cantidad de huevos de tortuga marina en julio

$$\begin{array}{c}
 6 & 12 \\
 7 & 2 \\
 7 & 2 \\
 \hline
 1 & 8 & 0 & 8 & 0
\end{array}$$

Prueba a hacer esto | Clave de respuestas

Lección 2

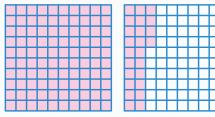
1 diagrama:



decimal: 1.6

Lección 3

1 diagrama:



decimal: 1.24

Lección 4

1 B, D 2 C, D

Lección 5

1 >

2 <

3 <

Lección 6

1 0.59, 1.59, 1.95

2 0.03, 0.3, 0.33

3 1.08, 1.8, 1.82

4 0.1, 0.7, 1.7

Lección 7

1 verdadero 2 verdadero 3 falso 4 verdadero

Lección 8

1 20

2 Se muestra un ejemplo de respuesta.



400

Prueba a hacer esto | Clave de respuestas

Lección 9

1 2,241 **2** 31,460

Lección 10

- 1 900,000 + 20,000 + 9,000 + 300 + 40 + 8
- 2 400.000 + 30.000 + 700 + 50 + 2
- **3** 80,000 + 1,000 + 500 + 2

Lección 11

1 B, C, F 2 A

Lección 12

1 < 2 > 3 >

4 >

Lección 13

1 88,207 102,356 98,107 99,653 752,031

2 279,104 | 279,099 94,942 59,000 9,420 9,042

Lección 14

- 1 480,000
- 2 591,000

Lección 15

1 1,000: **267,000** 10,000: **270,000**

2 10,000: **900,000** 100,000: **900,000**

3 100: **872,200** 1,000: **872,000**

Prueba a hacer esto | Clave de respuestas

Lección 16

1 Se muestra un ejemplo de respuesta.

4,500 + 6,600 = 11,100

respuesta: 11,100

Lección 17

respuesta: 40,708

Lección 18

respuesta: 106,511

Lección 19

$$\begin{array}{r}
 210 & 016 \\
 430,516 \\
 -207,309 \\
 \hline
 223,207
\end{array}$$

respuesta: 223,207

Lección 20

respuesta: **50,412**

Lección 21

Se muestra un ejemplo de trabajo

$$\begin{array}{r}
1 & 1 & 1 \\
35,891 \\
+19,342 \\
\hline
55,233
\end{array}$$

respuesta: 55,233 respuesta: 16,549

Grade 4 Unit 4 Glossary/4.º grado Unidad 4 Glosario

English Español D **decimal** Una forma de escribir **decimal** A way to write fractional values using single digits for each valores fraccionarios usando dígitos individuales en cada valor place value. posicional. **decimal point** A dot that **punto decimal** Un punto que separates the whole number separa la parte del número natural part from the fractional part of a de la parte fraccionaria de un decimal number. número decimal. expanded form A specific way forma expandida Una forma of writing a number as a sum específica de escribir un número of the place values of its digits. como la suma del valor posicional Example: 482 written in expanded de sus dígitos. Ejemplo: 482 escrito en forma expandida es form is 400 + 80 + 2. 400 + 80 + 2. **factor pair** A pair of factors par de factores Un par de of a whole number that can be factores de un número natural multiplied together to result que pueden multiplicarse para in that number. dar como resultado el número en cuestión. H hundred thousands The basecentena de millar Unidad de ten place value unit composed of valor posicional de base diez 10 ten thousands. One hundred compuesta por 10 decenas de

thousand is written as 100.000.

millar. Una centena de millar se

escribe 100,000.

English Español

M

R

millions The base-ten place value unit composed of 10 hundred thousands. One million is written as 1,000,000.

multiple The result of multiplying a number by a whole number.

rounding A way to estimate the value of a number by determining the nearest multiple of a specific place value.

standard form A way to write a number using digits in each place value.

ten thousands The base-ten place value unit composed of 10 one thousands. One ten thousand is written as 10,000.

millones Unidad de valor posicional de base diez compuesta por 10 centenas de millar. Un millón se escribe 1,000,000.

múltiplo El resultado de multiplicar un número por un número natural.

redondeo Una forma de estimar el valor de un número determinando el múltiplo más cercano de un valor posicional específico.

forma estándar Una forma de escribir un número usando dígitos en cada valor posicional.

decena de millares Unidad de valor posicional de base diez compuesta por 10 millares. Una decena de millar se escribe 10,000.